

MATEMÁTICA - MÓDULO I do PISM (triênio 2004-2006)

REFERÊNCIAS PARA A CORREÇÃO

Questão 01

- a) O aumento de candidatos é $1040 - 800 = 240$ candidatos.
Daí o percentual é encontrado considerando a seguinte regra de três:

$$\begin{array}{r} 240 \text{ ---- } 800 \\ x \text{ ---- } 100 \end{array} \quad \text{Donde, } x = 30\%.$$

Logo, o percentual de aumento de candidatos dessa escola é de 30%.

(Valor: 1,5 pontos)

- b) Em 2004, um em cada cinco candidatos recebeu desconto, isto equivale a $1/5$ de 1040 candidatos que representa 208 candidatos.

Daí, temos a seguinte regra de três:

$$\begin{array}{r} 240 \text{ ---- } 800 \\ x \text{ ---- } 100 \end{array} \quad \text{Donde, } x = 20\%.$$

Portanto, 20% dos candidatos receberam desconto em 2004.

(Valor 1,0 ponto)

- c) O número “n” de candidatos em função do tempo, em anos, supondo uma taxa anual de crescimento de 10% é dada por:

$$N = 10 \cdot 40 \cdot (1,1)^t, \quad t \geq 0.$$

(Valor: 1,5 pontos)

Questão 02

- a) Indicando-se por “c” o comprimento, temos: $72 = 6 \cdot 12 + 2 \cdot 14 + c$.
Logo $c = 32m$.

A área da quadra é, então:

$$A = 32 \cdot 14 = 448 \text{ m}^2$$

(Valor 1,0 ponto)

- b) Indicando por “x” a largura e por “y” o comprimento, temos:

$$72 = 6 \cdot 12 + 2x + y. \quad \text{Logo } y = 60 - 2x, \quad \text{com } 0 < x < 30$$

(Valor 1,0 ponto)

- c) Temos $A(x) = (60 - 2x)x = 60x - 2x^2$.

O ponto de máximo da função A é $x_0 = \frac{-60}{(-2) \cdot 2} = 15$. Substituindo na função encontrada no item “b”, obtemos $y = 30$.

Logo, a quadra deve ter comprimento 30 m e largura 15m para que sua área seja máxima.

(Valor 2,0 pontos)